

А.К.ГУЦ

ОТВОБРАЖЕНИЯ, СОХРАНЯЮЩИЕ ИЗОТРОПНЫЕ КОНУСЫ В ОДНОМ
ЛОРЕНЦЕВОМ МНОГООБРАЗИИ

Пусть V^4 четырехмерное элементарное, т.е. диффеоморфное евклидову пространству R^4 , лоренцево многообразие, допускающее группу движений G_5 с транзитивной неразрешимой подгруппой Ли $G_4 \text{ VIII}$ по классификации, приведенной у А.З.Петрова [I]. Обозначим через φ диффеоморфизм V^4 на R^4 . С его помощью отождествим изотропный конус, лежащий в касательном пространстве в точке $x \in V^4$, с некоторым эллиптическим конусом $C_{\varphi(x)} \subset R^4$ с вершиной в точке $\varphi(x)$. Будем говорить, что отображение $f: V^4 \rightarrow V^4$ сохраняет изотропные конусы, если отображение $g = \varphi \circ f \circ \varphi^{-1}: R^4 \rightarrow R^4$:

$$g(C_x) = C_{g(x)}$$

для любой точки $x \in R^4$.

ТЕОРЕМА Гомеоморфизм на себя элементарного лоренцева многообразия V^4 , допускающего группу движений G_5 с транзитивной подгруппой Ли $G_4 \text{ VIII}$, сохраняющий изотропные конусы и имеющий неподвижную точку, является движением многообразия.

Из работ [2,3] следует, что подобный результат имеет место для элементарных лоренцевых многообразий с транзитивной коммутативной группой движений $G_4 A$ или с группой $G_4 \text{ VI}_1$. Заметим, что дифференциал гомеоморфизма удовлетворяющего условию теоремы в случае групп $G_4 A$ и $G_4 \text{ VI}_1$, является автоморфизмом алгебры Ли преобразований (отвечающей рассматриваемым группам). Однако это не имеет места в случае группы $G_4 \text{ VIII}$.

ЛИТЕРАТУРА

1. Петров А.З. Пространства Эйнштейна. М., Ф-М, 1961.
2. Александров А.Д. Труды матем. ин-та им. В.А.Стеклова, 128, 1972.
3. Гуц А.К. ДАН СССР, 215, 1974, 35.